

## 2. visszavezetési feladatok

A feladatokban szereplő függvények (ha más nincs kikötve) egész számok egy intervallumán vannak értelmezve, és egész értékűek.

1. Döntsük el a monoton növekedő  $f$  függvényről a szigorú értelemben vett monotonitást!
2. Adott a síkon  $N$  darab pont. Keressük meg az origótól legtávolabb eső pontot!
3. Határozzuk meg az  $f$  függvény legnagyobb  $k$ -val osztható értékét!
4. Határozzuk meg az  $f$  függvény azon pozitív értékeinek a számát, amelyek közvetlenül egy negatív érték után állnak!
5. Adjunk meg egy az  $n$  és a  $2n$  természetes számok közé eső prímszámot!
6. Határozzuk meg az  $n$  természetes szám osztóinak a számát!
7. Állapítsuk meg, hogy az  $n$  természetes számnak van-e páratlan valódi osztója!
8. Határozzuk meg az  $n$  természetes szám valódi páros osztóinak számát!
9. Határozzuk meg az  $n$  természetes szám legkisebb páratlan osztóját!
10. Keressük meg az  $f$  függvény egy olyan értékét, ami belesik az  $[a, b]$  és a  $[c, d]$  intervallumba is!
11. Határozzuk meg az  $f$  függvénynek a  $k$ -nál kisebb legnagyobb értékét!
12. Adjuk meg az  $f$  függvény egy  $k$ -val osztható értékéhez tartozó argumentumát!
13. Keressünk az  $[a, b]$  intervallumban ikerprímeket!
14. Állapítsuk meg, hogy van-e az  $f$  függvény értékei között páros szám!
15. Adott a középpontjával és a sugarával a síkon egy kör, és további  $N$  darab pont. Keressünk egy olyan pontot, ami a körbe esik!
16. Határozzuk meg az  $f$  függvénynek az  $[a, b]$  intervallumba eső legnagyobb értékét!
17. Adjuk meg, hány olyan elem van az  $x$  vektorban ami kisebb az indexénél!
18. Állapítsuk meg, hogy van-e az  $f$  függvény értékei között olyan szám, amely  $k$ -hoz relatív prím!
19. Határozzuk meg az  $f$  függvény azon értékeinek a számát, amelyek vagy az  $[a, b]$  vagy a  $[c, d]$  intervallumba esnek!
20. Határozzuk meg az  $n$  természetes szám legkisebb egyszeres osztóját!
21. Adottak az  $x$  és  $y$  vektorok, ahol  $y$  elemei az  $x$  indexei közül valók. Keressük meg az  $x$  vektornak az  $y$ -ban megjelölt elemei közül a legnagyobbat!
22. Határozzuk meg az  $f$  függvénynek azt a legnagyobb értékét, amely  $k$ -val osztva 1-et ad maradékul!
23. Adjuk meg az  $f$  függvénynek azt az értékét, ami  $\text{mod } N$  a legnagyobb!
24. Adottak az azonos értelmezési tartományú  $f$  és  $g$  függvények, amelyek elemei valós számok. Az  $(f(i), g(i))$  számpárok egy-egy síkbeli pont koordinátái. Számoljuk meg, hogy a pontok közül hány esik az  $(x_0, y_0)$  középpontú  $r$  sugarú körbe!
25. Határozzuk meg az  $n$  természetes szám legkisebb valódi nem prím osztóját!
26. Adottak az azonos értelmezési tartományú  $f$  és  $g$  függvények. Az  $f$  értékei egészek,  $g$  pedig csak a 0, 1 értékeket veszi fel. Határozzuk meg azoknak a páros  $f$  értékeknek a számát, amelyek olyan pozícióban vannak ahol a  $g$  függvény értéke 1!
27. Keressük meg az  $f$  függvénynek az első  $n$ -nél kisebb vagy 0 értékét!
28. Adottak az  $x$  és  $y$  vektorok, valamint a  $k$  szám. Az  $y$  vektor az  $x$  indexeinek egy részhalmazát tartalmazza. Számoljuk meg, hány olyan  $k$ -val osztható elem van  $x$ -ben, amelynek indexe megtalálható  $y$ -ban!
29. Adott az  $x$  vektorban egy szöveg. Állapítsuk meg, hogy a szöveg tartalmaz-e magánhangzót!
30. Keressünk az  $x$  vektorban két olyan szomszédos elemet, amelyek szorzata negatív!
31. Az  $x$  vektor egy szöveget tartalmaz. Számoljuk meg hány magánhangzó van a szövegben!
32. Keressük meg az  $[a, b]$  intervallumon értelmezett  $f$  függvény olyan értékeinek a maximumát, ahol az argumentum és az hozzá tartozó érték paritása azonos!
33. Keressük meg az  $f$  függvény egy olyan értékét, amely egyenlő a közvetlen szomszédai átlagával!
34. Adott egy gráf a csúcsmátrixával. Állapítsuk meg a  $k$ -adik csúcs fokszámát!
35. Állapítsuk meg, hol van a monoton növekedő  $f$  függvényben a legnagyobb ugrás, azaz az  $f(k) - f(k - 1)$  érték mely  $k$ -ra maximális!
36. Határozzuk meg az  $f$  függvény legnagyobb páros értékéhez tartozó argumentumot!
37. Adott a kezdőpontja szerint növekvő sorrendben a számegyenes  $N$  darab intervalluma. Állapítsuk meg, hogy a  $k$  szám hány intervallumba esik bele!
38. Adjuk meg az  $f$  függvénynek azt az értékét, amelynek szomszédai átlagától való eltérése a legnagyobb!

39. Határozzuk meg az  $f$  függvény lokális minimumai közül a legnagyobbat! (Egy érték akkor lokális minimum, ha mindkét szomszédjánál kisebb.)
40. Adjuk meg, hány prímszám van az  $[a, b]$  intervallumban!
41. Adjuk meg az  $f$  függvény utolsó pozitív értékének argumentumát!
42. Keressük meg az  $f$  függvény értékei között azt a számot amelynek decimális alakjában az egyesek helyén a legnagyobb számjegy áll!
43. Keressünk az  $x$  vektorban egy olyan elemet, ami osztható az indexével!
44. Adott az  $n$  természetes szám. Határozzuk meg  $n$  egy valódi osztóját!
45. Az  $x$  vektor egy szöveget tartalmaz. Állapítsuk meg, hogy visszafelé olvasva a szöveg ugyanaz-e!
46. Adott a  $t$  mátrix, amelynek elemei sorfolytonosan növekvő sorozatot alkotnak. Keressük meg a mátrixban az  $n$  értéket!
47. Adottak az  $[m..n]$  intervallumon értelmezett  $f$  és  $g$  függvények. Állapítsuk meg, hogy hány egészkoordinátájú pont esik a függvényértékek közé!
48. Adottak az  $x$  és  $b$  vektorok. 'Fektessük'  $b$ -t az  $x$  vektorra folyamatosan egymás után ahányszor csak lehet, és számoljuk meg, hány helyen egyeznek az egymás feletti értékek!
49. Határozzuk meg az  $n$ -nél kisebb,  $n$ -hez relatív prím természetes számok számát!
50. Keressük meg az  $[m, n]$  intervallumban azt a legkisebb  $k$  számot, amire  $p$  és  $k$  relatív prímek!
51. Adott egy  $x$  vektor, amely színeket tartalmaz sötétedő sorrendben (A színeken van értelmezve egy ún. sötét-ségi reláció, amely teljes rendezés). Keressük meg az  $x$  vektorban a világoskékét!
52. Adott két egybevágó  $2n$  szög. Mindkettő oldalait véletlenszerűen kékre vagy pirosra festettük. Helyezzük egymásra a két sokszöget úgy, hogy a lehető legtöbb helyen legyenek azonos színű oldalak egymáson!
53. Adjuk meg a  $t$  mátrix egy olyan sorának indexét, amely nem tartalmaz pozitív elemet!
54. Adottak az  $f$  és  $g$  monoton növekvő függvények, valamint a  $k$  szám. Állapítsuk meg, található-e olyan  $i$  és  $j$  argumentum, amire  $f(i) + g(j) = k$ !
55. Számoljuk meg, hogy a  $t$  mátrixban hány olyan sor van, ami csak egyetlen nullától különböző elemet tartalmaz!
56. Állapítsuk meg, hogy a  $b$  vektorban levő szöveg előfordul-e a karakteres  $x$  vektorban!
57. Adott az injektív  $f$  függvény. Adjuk meg az  $f$  egy olyan értékét, amelyet legalább egy nála nagyobb megelőz!
58. Keressük meg a  $t$  négyzetes mátrixnak azt a fődiagonálissal párhuzamos átlóját, amelyben az elemek összege a legnagyobb!
59. Keressük meg a négyzetes  $t$  mátrixnak azt az oszlopát, amelyben a fődiagonális feletti elemek összege a legnagyobb!
60. Határozzuk meg az  $f$  függvénynek azt az értékét, amely leghamarabb fordul elő másodszer!
61. Határozzuk meg a négyzetes  $t$  mátrixnak a fődiagonális alatti legnagyobb elemét!
62. Keressük meg az  $x$  mátrixnak azt a sorát, amelynek minden eleme 1!
63. Állapítsuk meg, hogy melyik az  $f$  függvény leggyakrabban felvett értéke!
64. Határozzuk meg az  $f$  függvénynek azt az értékét, amit a legtöbb nála nagyobb elem előz meg!
65. Számoljuk meg az  $f : [m..n] \times [m..n] \rightarrow \mathbb{Z}$  függvény nulla értékeit!
66. Számoljuk meg, hogy a  $t$  mátrixnak hány olyan sora van, ami csak egy nullától különböző elemet tartalmaz!
67. Adott a sík  $N$  pontja. Állapítsuk meg, melyik a két legtávolabbi pont!
68. Egy sakkbajnokság végeredményét egy  $t$  négyzetes mátrixban tároltuk, ahol az  $i$ -edik sorban a  $j$ -edik elem az  $i$ -edik játékos és a  $j$ -edik játékos közti mérkőzés eredményét jelenti az  $i$ -edik játékos szempontjából. ( $x[i][j]$  értéke 0 ha  $j$  nyert, 2 ha  $i$  nyert, 1 ha a játékosok döntetlenben egyeztek meg,  $x[i][i] = 0$ ). Keressük meg a bajnokság (egyik) győztesét (győztes az, akinek a legtöbb pontja van)!
69. Adott egy  $f : [a, b] \rightarrow \mathbb{Z}$  függvény. Ezen függvény értelmezési tartományának egy  $i$  pontját a függvény csúcsának nevezzük, ha  $\forall j \in [(i + 1), b] : f(j) < f(i)$ . Adjuk meg, hogy hány csúcsa van  $f$ -nek!
70. Adott a  $0, 1$  értékeket felvevő  $f$  függvény. Keressük meg a függvény értelmezési tartományának azt az elemét, amely leghosszabb egyes-értéksorozat kezdete!
71. Egy függvény értelmezési tartományának azt a szakaszát, amelyhez tartozó értékek negatívak, úgy hogy a szakaszt jobbról és balról nemnegatív érték, vagy az értelmezési tartomány vége határolja, a függvény negatív szigetének nevezzük. Adjuk meg az  $f$  függvény értelmezési tartományában a negatív szigetek számát!
72. Állapítsuk meg, hogy van-e negatív szám az  $f$  függvény értékeinek (kezdő) részletösszegei között!
73. Adott az  $x$  vektor, amelynek elemei nullák és egyesek. Számoljuk meg, hányszor fordul elő a vektorban a '0101' szakasz!
74. Adjunk meg egy olyan  $k$  számot, amire az  $n$  természetes szám bináris alakjának  $k$ -edik helyiértékén 1-es áll!
75. Adjuk meg az  $f$  függvény értelmezési tartományának azt a leghosszabb szakaszát, amelyen belül az értékek növekvők!

76. Állapítsuk meg, hogy az  $x$  szám binárisan felírt alakjában hány darab 1-es szerepel!
77. Keressük meg az  $f$  függvény értékei között a  $k$  szám  $p$ -edik előfordulását!
78. Adott az  $x$  vektor, amelynek elemei karakterek. A vektor szavakat tartalmaz, amiket egy-egy vessző választ el egymástól. Adjuk meg a leghosszabb szónak a kezdőindexét!
79. Egy  $f : [a, b] \rightarrow \mathbb{Z}$  függvény értelmezési tartományának azon szakaszát, melynek két végpontja a függvény lokális minimumhelye úgy, hogy a végpontok közötti elemek nem azok, a függvény egy hegyének nevezzük. Adjuk meg a legszélesebb hegy kezdőpontját!
80. Egy vektornak azt a szakaszát, amely csupa negatív elemet tartalmaz úgy, hogy a szakaszt jobbról és balról nem negatív elem, vagy a vektor vége határolja, a vektor negatív szigetének nevezzük. Adjuk meg az  $x$  vektor legnagyobb negatív szigetének kezdőindexét!
81. Egy múzeumban az  $i$ -dik órában  $x(i)$  látogató érkezik, és  $y(i)$  látogató megy el. Melyik órában volt a legtöbb látogató a múzeumban?
82. Adott a  $t$  és a  $p$  szöveg,  $p.dom < t.dom$ . Létezik-e olyan  $\nu : [1..p.dom] \rightarrow [1..t.dom]$  indexsorozat, hogy  $t \circ \nu = p$ ?
83. Adott az egész számok egy vektora és két egész szám. Állapítsuk meg, hogy a két adott szám előfordul-e a vektorban; és ha igen, akkor melyik előbb?
84. Helyezzünk el  $n$  darab vezért egy  $n \times n$  méretű sakktablán úgy, hogy egyik vezér se támadjon másikat!
85. Hányféleképpen helyezhetünk el  $n$  darab vezért egy  $n \times n$  méretű sakktablán úgy, hogy egyik vezér se támadjon másikat!
86. Hányféleképpen helyezhetünk el  $n$  darab vezért egy  $n \times n$  méretű sakktablán úgy, hogy egyik vezér se támadjon másikat! A forgatással, tükrözéssel egymásba átvihető elrendezéseket csak egyszer számoljuk!
87. Legfeljebb hány vezért lehet egy  $n \times n$  méretű tórikus sakktablán elhelyezni úgy, hogy egyik vezér se támadjon másikat!
88. Adott  $n$  fiú és ugyanennyi lány. Egy  $t$  logikai mátrixban tároljuk a fiúk és lányok közötti szimpátiát (ez egy szimmetrikus reláció) a következőképpen:  $t[i][j]$  igaz, ha az  $i$ -edik fiú és a  $j$ -edik lány szimpatizál egymással, hamis ellenben. A feladat az, hogy ha lehet, akkor párosítsuk (házassítsuk) össze őket úgy, hogy minden párban a felek szimpatizáljanak!
89. Adott egy  $n \times m$  méretű sakktabla  $(i, j)$  mezején egy huszár. Végig lehet-e vezetni a táblán úgy, hogy minden mezőre lép, de csak egyszer, és minden lépése szabályos (huszár lépés)?
90. Hányféleképpen lehet  $n$  forintot kifizetni  $m$  különböző címletű pénzből?
91. Hányféleképpen lehet  $n$  forintot kifizetni  $m$  különböző címletű pénzből, ha legfeljebb  $d_1, d_2 \dots d_m$  használható fel?
92. Adott a természetes számok egy  $S$  véges részhalmaza. Kiválasztható-e ebből  $n$  darab elem úgy, hogy az összegük  $m$  legyen?