

*Feladat:* Adott egy  $f : [a, b] \rightarrow \mathbb{Z}$  függvény. Ezen függvény értelmezési tartományának egy  $i$  pontját a függvény csúcsának nevezzük, ha  $\forall j \in [i+1, b] : f(j) < f(i)$ . Adjuk meg, hogy hány csúcsa van  $f$ -nek!

*Átfogalmazás:* Legyen  $R = (cs : \mathbb{L}, max : \mathbb{Z} \cup \{-\infty\})$  egy rekord. Ekkor  $\psi : [a, b+1] \rightarrow R$  függvény legyen olyan, hogy egy adott az intervallumbeli szám esetén az eredményrekord  $cs$  komponense akkor és csak akkor igaz, ha az adott szám csúcs, a  $max$  komponens pedig az adott számtól az intervallum végéig előforduló legnagyobb függvényértéket tartalmazza.  $b+1$  argumentum esetén a lehető legkisebb értéket, a  $-\infty$  értéket adja vissza, hamis  $cs$  komponenssel. Formálisan:

$$\psi(i) = \begin{cases} (\text{hamis}, -\infty) & , \text{ ha } i = b+1 \\ (\text{igaz}, f(i)) & , \text{ ha } i \in [a, b] \wedge \forall j \in [i+1, b] : f(j) < f(i) \\ (\text{igaz}, \max(f(i+1), \dots, f(b))) & , \text{ ha } i \in [a, b] \wedge \exists j \in [i+1, b] : f(j) \geq f(i) \end{cases}$$

$$I_V = (ah : \mathbb{Z}, fh : \mathbb{Z})$$

$$I_V(i) = (i.ah \leq i.fh + 1)$$

*Specifikáció:*

$$A = \mathbb{N} \times_m \mathbb{N} \times_n \mathbb{N} \times_k \mathbb{L} \times_l \mathbb{N} \times_p$$

$$B = \mathbb{N} \times_{m'} \mathbb{N} \times_{n'} \mathbb{N} \times_{p'}$$

$$Q = (n = n' \wedge m = m' \wedge m \leq n + 1 \wedge p = p')$$

$$R = (Q \wedge l = (\exists j \in [m..n] : \text{Inko}(p, j) = 1) \wedge l \rightarrow (k \in [a..b] \wedge \text{Inko}(p, k) = 1 \wedge \forall j \in [m..k-1] : \text{Inko}(p, j) \neq 1))$$

A specifikáció nagyon hasonló a lin. ker. 2.8 programozási tételéhez. Az eltéréseket az alábbi táblázattal foglalhatjuk össze:

feladat		lin. ker. 2.8
$k$	$\leftrightarrow$	$i$
$\text{Inko}(p, i) = 1$	$\leftrightarrow$	$\beta(i)$

Ez a visszavezetés nem természetes, mert az állapottér bővebb és a helyettesítő táblázatban a  $\beta(i)$  helyettesítések fel is használjuk ezt a plusz komponenst. Ugyanakkor megjegyezhetjük, hogy a bevezetett  $p$  az előfeltétel szerint adott értékű és a program során nem változik (az utófeltételben is szerepel rejtve a  $p = p'$ ). Amennyiben ezek a feltételek teljesülnek egy ilyen kiegészítő komponensre, akkor őt a visszavezetés *paraméterének* nevezzük, mivel ilyenkor a visszavezetés *paraméteres visszavezetés*.

$k, l := m - 1, \text{hamis}$
$\neg l \wedge k \neq n$
$l := (\text{Inko}(p, k+1) = 1)$
$k := k + 1$