

Feladat: Állapítsuk meg, hogy az x szám binárisan felírt alakjában hány darab 1-es szerepel!

Specifikáció:

$$A = \mathbb{N} \times \mathbb{N}_0$$

$$B = \mathbb{N}$$

$$Q = (x = x')$$

$$R = (Q \wedge i \geq 0 \wedge f(i)_1 = 0), \text{ ahol}$$

$$f: [-1, 0] \cup \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N} \times \mathbb{N}_0$$

$$f(-1) := (x, 0)$$

$$\forall i \geq 0: f(i) := F(i, f(i-1))$$

$$F(k, z) := (z_1 \text{ div } 2, z_2 + (z_1 \text{ mod } 2))$$

$R \Rightarrow (f(i)_2 = \sum_{i=0}^{\infty} \chi(f(i) \text{ mod } 2) = 1)$, így, ha egy olyan $f(i)$ értéket kiszámolunk a programban, ahol $f(i)_1 = 0$, akkor ott a kiszámolt érték második komponense pont a kívánt végeredményt fogja adni.

Visszavezetés a lin. ker. 2-re, hiszen $f(i)_1 = 0$ előbb-utóbb igaz. Az x a visszavezetés paramétere, az m -et a 0 konstanssal helyettesítjük.

feladat		lin. ker. 2
0	\leftrightarrow	m
$f(j)_1 = 0$	\leftrightarrow	$\beta(j)$

$l, k := \text{hamis}, -1$
$\neg l$
$l := f(k+1)_1 = 0$
$k := k + 1$

Az f függvény rekurzívan definiált, ezért alkalmazhatjuk a rekurzívan definiált függvény változóval való helyettesítésének programtranszformációs módszerét, amivel kapjuk a nem megengedett értékadást már nem tartalmazó végeredmény programot:

$z, e, l, k := x, 0, \text{hamis}, -1$
$\neg l$
$z, e := z \text{ div } 2, e + (z \text{ mod } 2)$
$l := (z = 0)$
$k := k + 1$

A programban k csak az értékadások bal oldalán szerepel, így szükségtelen:

$z, e, l := x, 0, \text{hamis}$
$\neg l$
$z, e := z \text{ div } 2, e + (z \text{ mod } 2)$
$l := (z = 0)$