

Feladat: Adott két egybevágó $2n$ szög. Mindkettő oldalait véletlenszerűen kékre vagy pirosra festettük. Helyezzük egymásra a két sokszöget úgy, hogy a lehető legtöbb helyen legyenek azonos színű oldalak egymáson!

Útmutatás: Ábrázoljuk mindkét alakzat oldalait egy-egy $2n$ hosszú vektorral, aminek minden eleme egy oldal színét tartalmazza. Valósítsuk meg az $z := \text{összehasonlít}(x)$ programot, aminek x paraméterterbeli változója és azt tartalmazza, hogy a második vektort mekkora eltolással kell az elsővel összevetni. Az összehasonlítás eredménye az egyező oldalak száma. Ezt a részprogramot felhasználva az egész probléma már egy maximumkeresésre vezethető vissza.

Specifikáció:

$$\mathbb{V} = \text{vect}([0..2n-1], \{\text{kék}, \text{piros}\})$$

$$A = \mathbb{V} \times \mathbb{V} \times \mathbb{N}_0$$

$$B = \mathbb{V} \times \mathbb{V}$$

$$Q = (m = m' \wedge e = e')$$

$$R = (Q \wedge i \in [0..2n-1] \wedge \forall j \in [0..2n-1] : \text{hasonlít}(j) \leq \text{hasonlít}(i))$$

A hasonlít függvény definíciója: $\forall i \in [0..2n-1] : \text{hasonlít}(i) := \sum_{k=0}^{2n-1} \chi(e[k] = m[(k+i) \bmod 2n])$.

Visszavezetés a maximum keresésre:

feladat		max. ker.
0	\leftrightarrow	m
$2n-1$	\leftrightarrow	n
$\text{hasonlít}(i)$	\leftrightarrow	$f(i)$

A visszavezetés alteres általánosított, mert a maximumértékre nem vagyunk kíváncsiak. A stuktogramot felírása transzformáljuk az ismert módszerekkel olyan alakúra, amiben „hasonlít” csak $z := \text{hasonlít}(\dots)$ alakban szerepel.

$i, k, \text{max} := 0, 0, \text{hasonlít}(0)$	
$k \neq 2n-1$	
$\text{hasonlít}(k+1) \geq \text{max}$	$\text{hasonlít}(k+1) \leq \text{max}$
$i, \text{max} := k+1, \text{hasonlít}(k+1)$	SKIP
$k := k+1$	

$z := \text{hasonlít}(0)$	
$i, k, \text{max} := 0, 0, z$	
$k \neq 2n-1$	
$z := \text{hasonlít}(k+1)$	
$z \geq \text{max}$	$z \leq \text{max}$
$i, \text{max} := k+1, z$	SKIP
$k := k+1$	

Most pedig oldjuk meg a $z := \text{hasonlít}(j)$ feladatot:

$$A = \mathbb{V} \times \mathbb{V} \times \mathbb{N}_0 \times \mathbb{N}_0$$

$$B = \mathbb{V} \times \mathbb{V}$$

$$Q = (m = m' \wedge e = e' \wedge j = j')$$

$$R = (Q \wedge z = \sum_{k=0}^{2n-1} \chi(e[k] = m[(k+j) \bmod 2n]))$$

Ez pedig nem más, mint egy paraméteres (j) számlálás.

részfeladat		számlálás
0	\leftrightarrow	m
$2n-1$	\leftrightarrow	n
z	\leftrightarrow	d
$e[i] = m[(i+j) \bmod 2n]$	\leftrightarrow	$\beta(i)$

$k, z := -1, 0$	
$k \neq 2n-1$	
$e[k+1] = m[(k+1+j) \bmod 2n]$	
$z := z+1$	SKIP
$k := k+1$	