

*Feladat:* Határozzuk meg az  $x$  és az  $y$  természetes számok legkisebb közös többszörösét!

*Specifikáció:*

$$A = \mathbb{N} \times \mathbb{N} \times \mathbb{N} \times \mathbb{N}$$

$\begin{matrix} x & y & a & b \end{matrix}$

$$B = \mathbb{N} \times \mathbb{N}$$

$\begin{matrix} x' & y' \end{matrix}$

$$Q = (x = x' \wedge y = y')$$

$$R = (Q \wedge a = \text{lkk}(x, y))$$

A specifikációból kiolvasható, hogy az eredményt az állapotér  $a$  változója szolgáltatja.

*Megoldás:*

A specifikációnak megfelelő megoldó program egy szekvenciából fog állni, aminek első fele a már ismertett legkisebb közös osztó számító algoritmus (2. feladat). Ennek utófeltételét nevezzük  $R'$ -nek:

$$R' = (Q \wedge a = b = \text{lko}(x, y))$$

Nézzük most a szekvencia levezetési szabályát:

$$(Q \Rightarrow \text{If}(S_0, R') \wedge R' \Rightarrow \text{If}(S_1, R)) \Rightarrow (Q \Rightarrow \text{If}((S_0; S_1), R))$$

A feltétel rész első felét a 2. feladat bizonyítása igazolja, tehát mi csak  $R' \Rightarrow \text{If}(S_1, R)$  állítást bizonyítjuk  $S_1 := (a := \frac{xy}{a})$  programra.

$R' \stackrel{?}{\Rightarrow} \text{If}(S_1, R) = (Q \wedge \frac{xy}{a} = \text{lkk}(x, y))$ , ahol  $a = \text{lko}(x, y)$  (figyelembe véve  $R'$ -t). Tehát a jól ismert tételre ( $\text{lkk}(x, y) = \frac{xy}{\text{lko}(x, y)}$ ) jutottunk.

